

ע

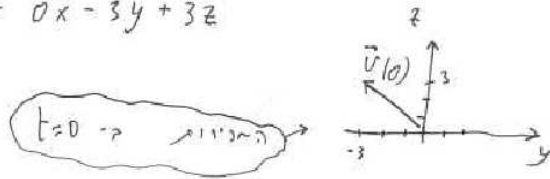
$$\vec{r} = t^2 \hat{x} - 3t \hat{y} + (2 + 3t - 4.9t^2) \hat{z}$$

(3)

הי קל לנסות:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = 2t \hat{x} - 3 \hat{y} + (3 - 9.8t) \hat{z}$$

$$\vec{v}(0) = 0 \hat{x} - 3 \hat{y} + 3 \hat{z}$$



אנחנו רוצים לראות  
 באיזה התנגשות בנינוק x היא בתאוצה קבועה (באופן  
 כללי:  $x = x_0 + v_{0x}t + \frac{1}{2}a_x t^2$ , נוסחן:

$$\begin{cases} x_0 = 0 \\ v_{0x} = 0 \\ a_x = 2 \text{ מ}^2/\text{ס}^2 \end{cases}$$

האחרים אולי נתן לקרוא את  $y_0, v_{0y}, a_y$  ובמידה ד-ז.  
 אבל זה די מסובך...

הי קל לנסות ואלו  $\vec{v}$ :

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = 2 \hat{x} + 0 \hat{y} + (-9.8) \hat{z}$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{0^2 + (-3)^2 + 3^2} = \sqrt{18} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad ; \quad t=0 \quad .2$$

(בתאוצה קבועה)  $|\vec{a}| = \sqrt{2^2 + 0^2 + (-9.8)^2} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$   
 זהו זה  
 (10)

## קינמטיקה

השלב הראשון הוא להגדיר מערכת צירים. בפתרון זה נבחר את הראשית בנקודת הזריקה, את כיוון  $y$  כלפי מעלה, ואת כיוון  $x$  ימינה.

את המהירות ההתחלתית נמיר לוקטור בצורה הבאה:

$$\vec{v}_0 = 25.3 \frac{m}{s} \cdot \begin{pmatrix} \cos(42^\circ) \\ \sin(42^\circ) \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 18.8 \frac{m}{s} \\ 16.9 \frac{m}{s} \end{pmatrix}$$

תאוצת הנפילה החופשית במערכת הצירים שלנו היא:

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ -g \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 0 \\ -9.8 \frac{m}{s^2} \end{pmatrix}$$

ולכן, נוסחאות המהירות והמיקום כפונקציה של הזמן הן:

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t \approx \begin{pmatrix} 18.8 \frac{m}{s} \\ 16.9 \frac{m}{s} - 9.8 \frac{m}{s^2}t \end{pmatrix}$$

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0t + \frac{\vec{a}t^2}{2} \approx \begin{pmatrix} 18.8 \frac{m}{s}t \\ 16.9 \frac{m}{s}t - 4.9 \frac{m}{s^2}t^2 \end{pmatrix}$$

1. כמה זמן נמצא הכדור באוויר בטרם הוא פוגע בקיר? נבדוק לפי נוסחת המיקום מתי הכדור נמצא במרחק האופקי המתאים לקיר.

$$x = 18.8 \frac{m}{s}t = 21.8m \Rightarrow t = \frac{21.8m}{18.8 \frac{m}{s}} \approx 1.16s$$

2. כמה גבוה מעל נקודת הזריקה יפגע הכדור בקיר? נציב את זמן הפגיעה שמצאנו בסעיף הקודם ברכיב האנכי של נוסחת המיקום.

$$y(t = 1.16s) = 16.9 \frac{m}{s} \cdot 1.16s - 4.9 \frac{m}{s^2} (1.16s)^2 \approx 13.0m$$

3. מהו וקטור מהירות הכדור ברגע הפגיעה בקיר? נציב את זמן הפגיעה בנוסחה הכללית שמצאנו למהירות.

$$\vec{v}(t = 1.16s) = \begin{pmatrix} 18.8 \frac{m}{s} \\ 16.9 \frac{m}{s} - 9.8 \frac{m}{s^2} (1.16s) \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 18.8 \frac{m}{s} \\ 5.5 \frac{m}{s} \end{pmatrix}$$

4. האם הכדור עבר את נקודת שיא הגובה ברגע הפגיעה? מכיוון שרכיב המהירות בציר  $y$  שקיבלנו בסעיף הקודם חיובי, הכדור עודנו בתנועתו מעלה, ולא עבר את שיא הגובה.

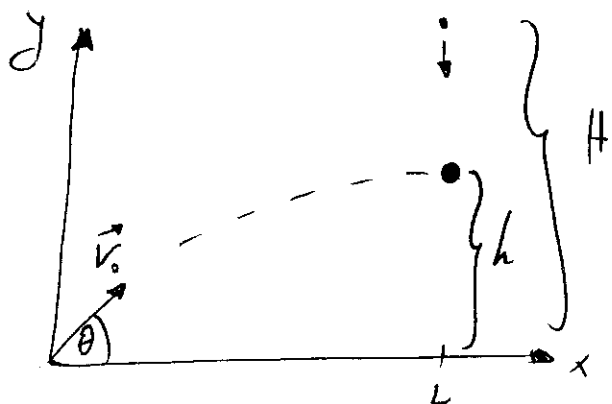
גוף נופל בגובה מסוים מתחתה מקובה בגובה H. כדור שברגע הנופל עימו נצמד אליו שני מקובות.

שני הגופים מתנגשים בגובה h מתחת הקובות. המרחק האופקי בין הגופים הוא L.

- (1) באיזו זווית מתחיל הגוף נצמד הגוף השני?
- (2) באיזו מהירות  $\vec{V}_0$  נצמד הגוף השני?
- (3) מהי המהירות היותיו של הגוף השני ביחס לגוף הראשון?

פתרון:

\* נגזר ממשוואות התנועה עבור 2 הגופים וואחר מכן נציב את גודל המרחק בין הגופים L



I גוף 1:  $y(t) = H - \frac{1}{2}gt^2$

$x(t) = L$

II גוף 2:  $y(t) = V_0 \sin \theta \cdot t - \frac{1}{2}gt^2$

$x(t) = V_0 \cos \theta \cdot t$

\* נגזר מהמהירות של הגוף I ושל הגוף II

$h = H - \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2(H-h)}{g}} = \tilde{t}$

\* ידוע כי בזמן  $\tilde{t}$  של גוף II נמצא בגובה h ומרחק L אופקי:

(I)  $L = V_0 \cos \theta \cdot \tilde{t}$

(II)  $h = V_0 \sin \theta \cdot \tilde{t} - \frac{1}{2}g\tilde{t}^2 \Rightarrow V_0 \sin \theta \cdot \tilde{t} = h + \frac{1}{2}g\tilde{t}^2$

הקשר בין I ו II

$$\tan \theta = \frac{h + \frac{1}{2} g \tilde{t}^2}{L}$$

$$\tan \theta = \frac{h + \frac{1}{2} g \cdot \frac{2(H-h)}{g}}{L} = \frac{H}{L} \Rightarrow \theta = \arctan\left(\frac{H}{L}\right)$$

I) מהירות הנפילה  $V_0$

$$(1 + \tan^2 \theta = 1 + \frac{\sin^2 \theta}{\cos^2 \theta} = \frac{\cos^2 \theta + \sin^2 \theta}{\cos^2 \theta} = \frac{1}{\cos^2 \theta}) \quad \text{I}$$

II) מהירות הנפילה  $V_0$

$$L = V_0 \cos \theta \cdot \tilde{t} \Rightarrow V_0 \cos \theta = \frac{L}{\tilde{t}}$$

$$= \frac{L}{\frac{2(H-h)}{g}} = \frac{Lg}{2(H-h)}$$

$$V_0 \sin \theta = \frac{L}{\tilde{t}} \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{L}{\tilde{t}} \tan \theta = \frac{L}{\frac{2(H-h)}{g}} \cdot \frac{H}{L} = \frac{Hg}{2(H-h)}$$

$$|\vec{V}_0| = \sqrt{\left(\frac{Lg}{2(H-h)}\right)^2 + \left(\frac{Hg}{2(H-h)}\right)^2} = \frac{g}{2(H-h)} \sqrt{L^2 + H^2}$$

$$V_{1y} = -gt, \quad V_{1x} = 0$$

$$V_{2y} = V_0 \sin \theta - gt, \quad V_{2x} = V_0 \cos \theta$$

$$\vec{V}_{rel} = (V_{2x} - V_{1x}, \overset{\downarrow}{V_{2y} - V_{1y}}) =$$

~~$$= (V_0 \cos \theta - 0, V_0 \sin \theta - gt - (-gt)) =$$~~

$$\vec{V}_{rel} = (V_0 \cos \theta, V_0 \sin \theta)$$